

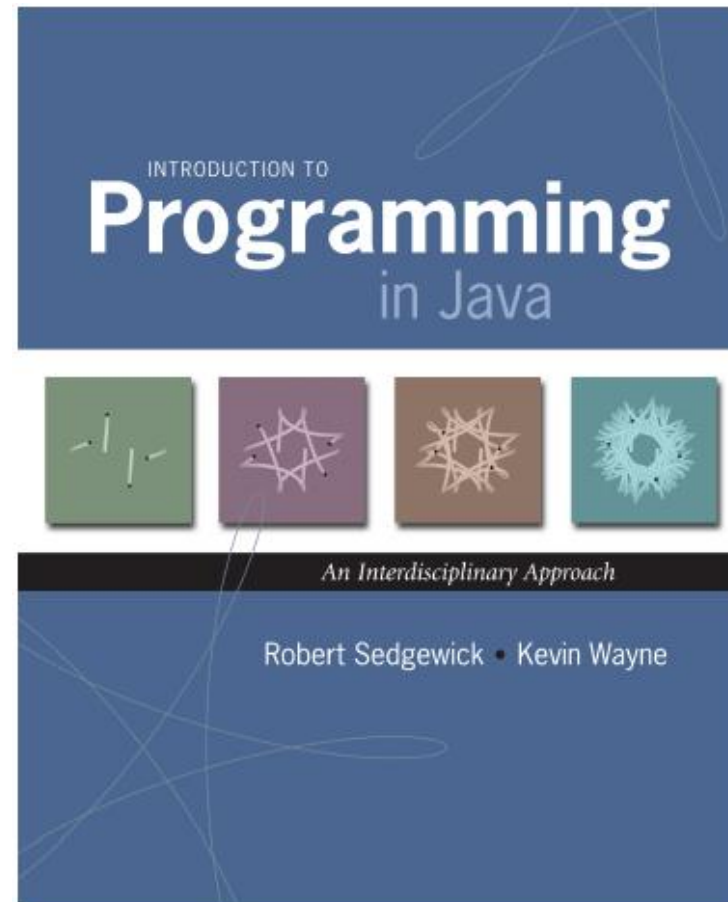
عناصر برنامه نویسی: آرایه‌ها

سید ناصر رضوی www.snrazavi.ir

۱۳۹۶

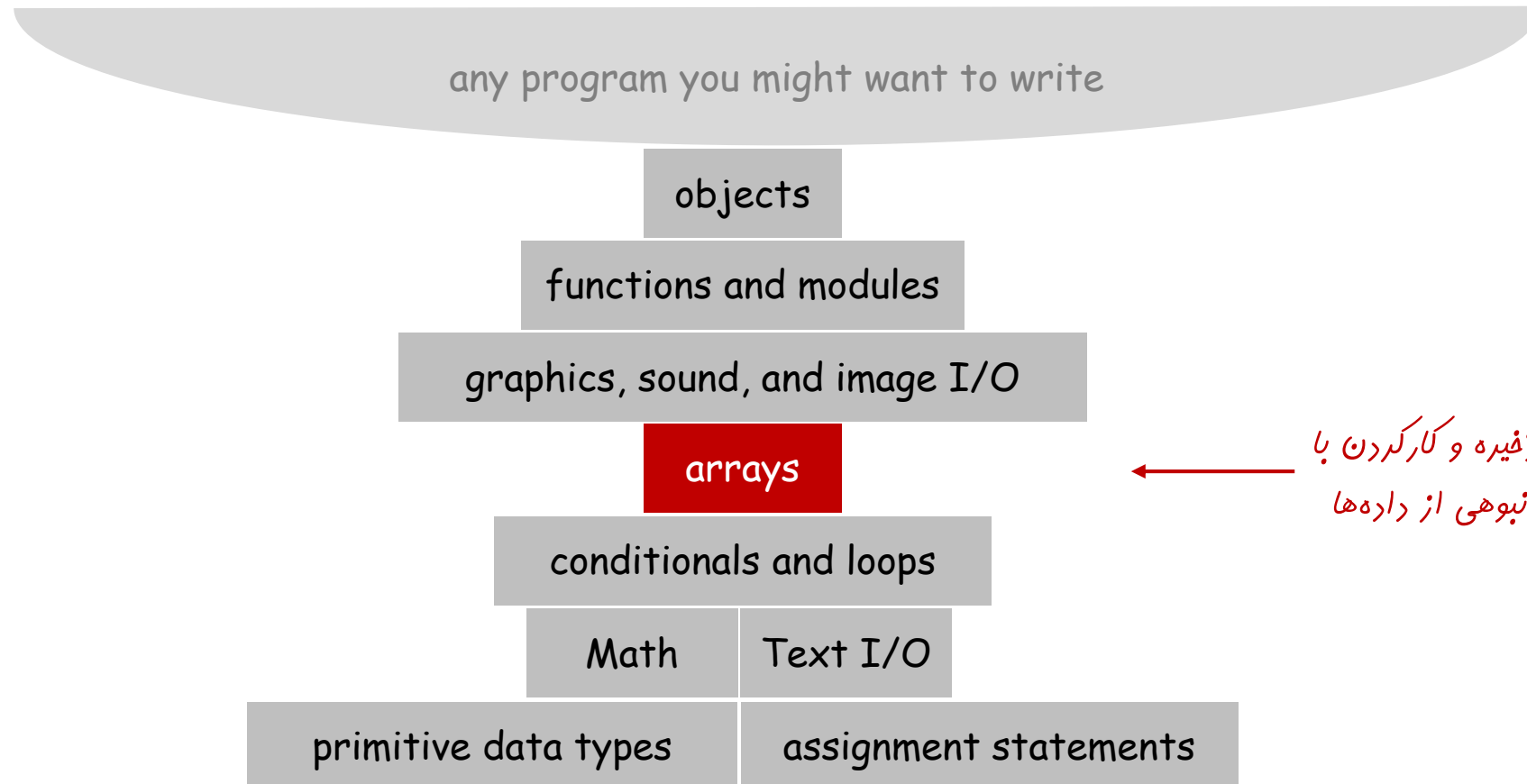
۱-۴ آرایه‌ها

۲



اجزای برنامه‌نویسی

۳



ذخیره و کارکردن با
انبوهی از داده‌ها ←

آرایه‌ها

□ آرایه. یک دنباله اندیس گذاری شده از مقادیر **همنوع**.

□ مثال‌ها.

index	value
0	razavi
1	rs
2	doug
3	dgabai
4	maia
5	llp
6	funk
7	blei

□ ۵۲ کارت بازی در یک دسته ورق.

□ ۵ هزار دانشجوی کارشناسی در دانشگاه تبریز

□ ۱ میلیون کاراکتر در یک کتاب

□ ۱۰ میلیون نمونه صوتی در یک فایل MP3

□ ۴ میلیارد نوکلئوتید در یک رشته DNA

□ ۷۳ میلیارد پرس و جوی گوگل در یک سال

□ ۵۰ تریلیون سلول در بدن انسان

ذخیره تعداد زیادی متغیر از یک نوع

۵

□ هدف. ذخیره ۱۰ متغیر هم‌نوع.

```
// tedious and error-prone
double a0, a1, a2, a3, a4, a5, a6, a7, a8, a9;
a0 = 0.0;
a1 = 0.0;
a2 = 0.0;
a3 = 0.0;
a4 = 0.0;
a5 = 0.0;
a6 = 0.0;
a7 = 0.0;
a8 = 0.0;
a9 = 0.0;
...
a4 = 3.0;
...
a8 = 8.0;
...
double x = a4 + a8;
```

ذخیره تعداد زیادی متغیر از یک نوع

۶

□ هدف. ذخیره ۱۰ متغیر هم‌نوع.

```
// easy alternative
```

```
double[] a = new double[10];
```

```
...
```

```
a[4] = 3.0;
```

```
...
```

```
a[8] = 8.0;
```

```
...
```

```
double x = a[4] + a[8];
```

اعلان، ایبار و مقداردهی آرایه




ذخیره تعداد زیادی متغیر از یک نوع

۷

□ هدف. ذخیره ۱ میلیون متغیر هم‌نوع.

```
// easy alternative
double[] a = new double[1000000];
...
a[123456] = 3.0;
...
a[987654] = 8.0;
...
double x = a[123456] + a[987654];
```

اعلان، ایبار و مقداردهی آرایه



آرایه‌ها در جاوا

۸

□ زبان جاوا ویژگی‌های خاصی به منظور پشتیبانی از آرایه‌ها دارد.

□ ساختن آرایه: اعلان، ایجاد و مقداردهی اولیه

□ دسترسی به عنصر i از آرایه a : استفاده از $a[i]$

□ در جاوا اندیس آرایه‌ها از **صفر** شروع می‌شوند.

```
int N = 10;           // size of array
double[] a;          // declare the array
a = new double[N];   // create the array
for (int i = 0; i < N; i++) // initialize the array
    a[i] = 0.0;      // all to 0.0
```

□ روش فشرده.

□ اعلان، ایجاد و مقداردهی اولیه به آرایه در یک دستور.

□ مقداردهی پیش‌فرض: همه اعداد به صورت خودکار مقدار صفر می‌گیرند.

```
int N = 10;           // size of array
double[] a = new double[N]; // declare, create, init
```


ضرب نقطه‌ای دو بردار

۹

□ ضرب نقطه‌ای. ضرب نقطه‌ای دو بردار $x[]$ و $y[]$ هر یک به طول N برابر است با مجموع حاصل ضرب عناصر متناظر در دو بردار.

```
double[] x = { 0.3, 0.6, 0.1 };
double[] y = { 0.5, 0.1, 0.4 };
int N = x.length;
double sum = 0.0;
for (int i = 0; i < N; i++) {
    sum = sum + x[i] * y[i];
}
```

i	x[i]	y[i]	x[i]*y[i]	sum
				0
0	.30	.50	.15	.15
1	.60	.10	.06	.21
2	.10	.40	.04	.25
				.25

چند مثال از پردازش آرایه

۱۰

<i>create an array with random values</i>	<pre>double[] a = new double[N]; for (int i = 0; i < N; i++) a[i] = Math.random();</pre>
<i>print the array values, one per line</i>	<pre>for (int i = 0; i < N; i++) System.out.println(a[i]);</pre>
<i>find the maximum of the array values</i>	<pre>double max = Double.NEGATIVE_INFINITY; for (int i = 0; i < N; i++) if (a[i] > max) max = a[i];</pre>
<i>compute the average of the array values</i>	<pre>double sum = 0.0; for (int i = 0; i < N; i++) sum += a[i]; double average = sum / N;</pre>
<i>copy to another array</i>	<pre>double[] b = new double[N]; for (int i = 0; i < N; i++) b[i] = a[i];</pre>
<i>reverse the elements within an array</i>	<pre>for (int i = 0; i < N/2; i++) { double temp = a[i]; a[i] = a[N - 1 - i]; a[N - 1 - i] = temp; }</pre>

بر زدن یک دسته ورق



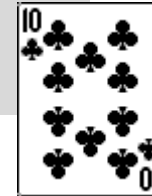
تنظیم مقادیر آرایه در زمان کامپایل

۱۲

□ مثال. چاپ یک کارت تصادفی.

```
String[] rank = {  
    "2", "3", "4", "5", "6", "7", "8", "9",  
    "10", "Jack", "Queen", "King", "Ace"  
};  
  
String[] suit = {  
    "Clubs", "Diamonds", "Hearts", "Spades"  
};  
  
int i = (int) (Math.random() * 13); // between 0 and 12  
int j = (int) (Math.random() * 4); // between 0 and 3  
  
System.out.println(rank[i] + " of " + suit[j]);
```

“10 of clubs” →



تنظیم مقادیر آرایه در زمان کامپایل

۱۳

□ مثال. ایجاد یک دسته ورق و چاپ آنها در خروجی.

```
String[] deck = new String[52];
for (int i = 0; i < 13; i++)
    for (int j = 0; j < 4; j++)
        deck[4*i + j] = rank[i] + " of " + suit[j];

for (int i = 0; i < 52; i++)
    System.out.println(deck[i]);
```

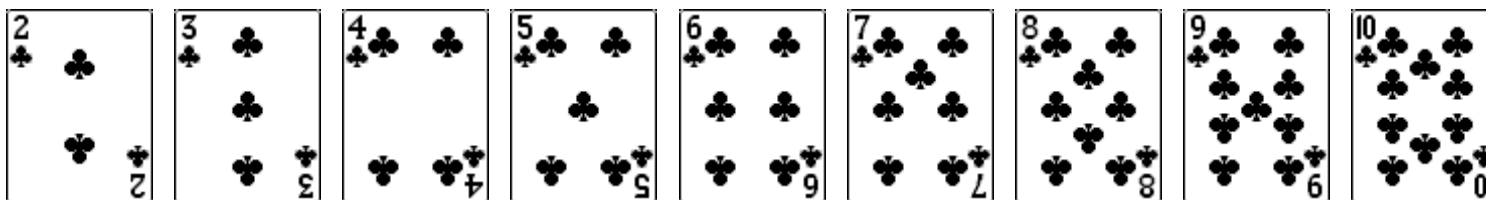
□ پرسش. کارت‌ها به چه ترتیبی چاپ می‌شوند؟

A. 2 of clubs
2 of diamonds
2 of hearts
2 of spades
3 of clubs
...

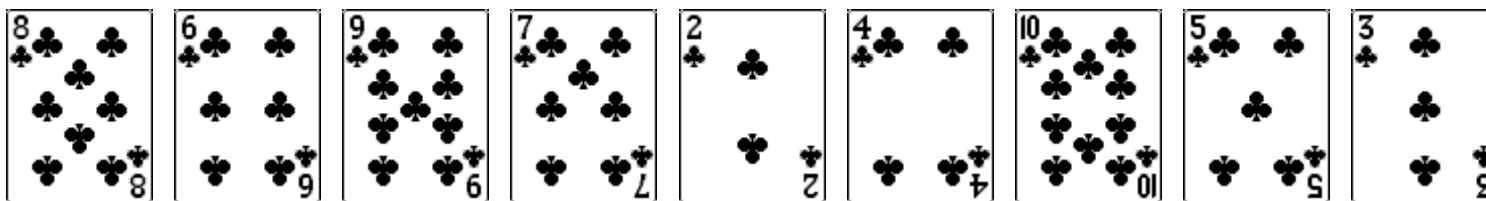
B. 2 of clubs
3 of clubs
4 of clubs
5 of clubs
6 of clubs
...

بر زدن

□ بر زدن. بازآرایی عناصر یک آرایه به گونه‌ای که نتیجه یک جایگشت تصادفی با توزیع یکنواخت باشد.

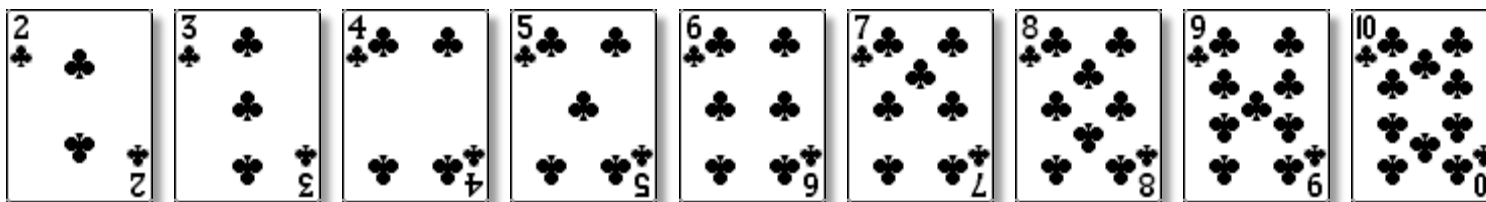


پیش از
بر زدن



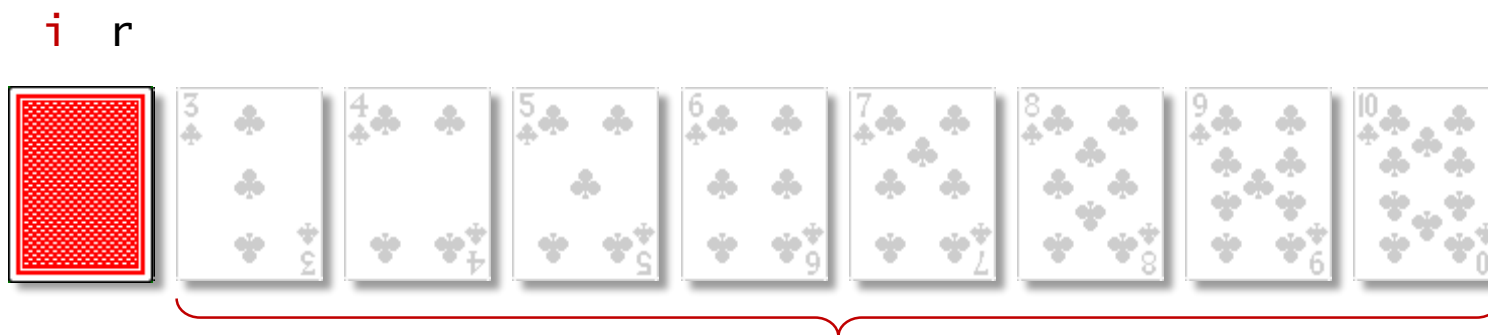
پس از
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



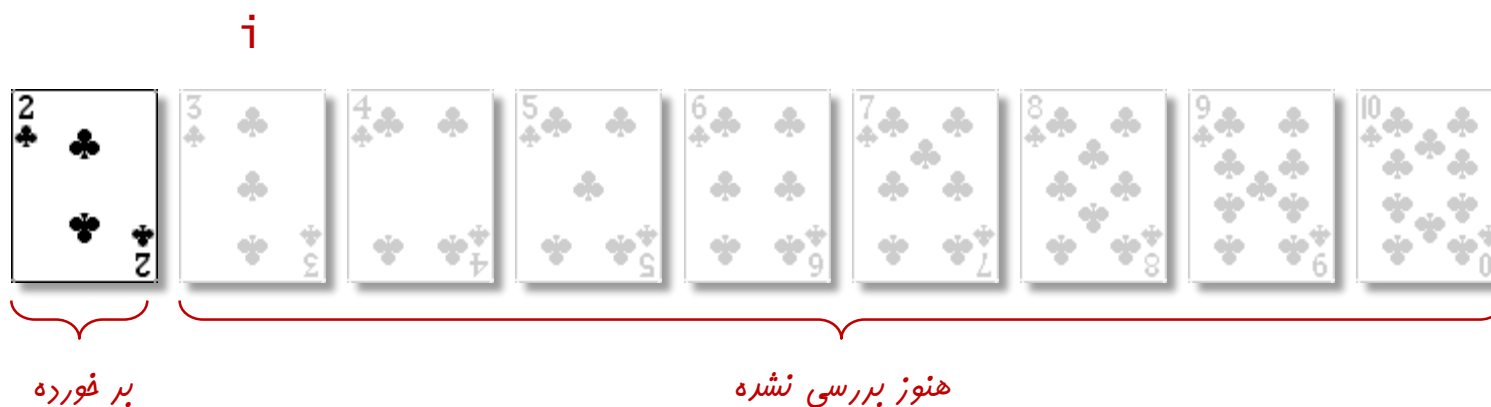
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



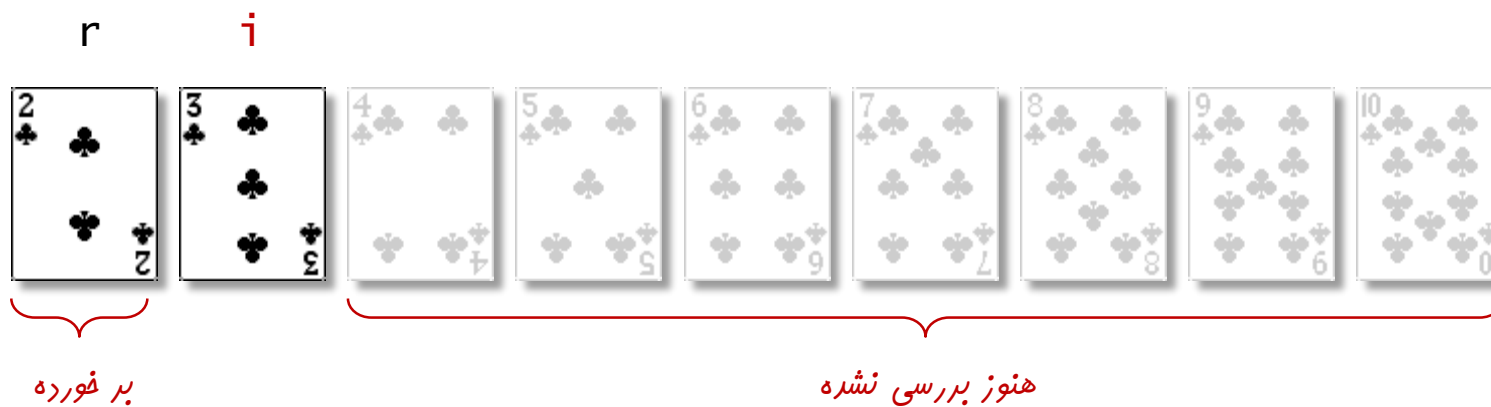
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



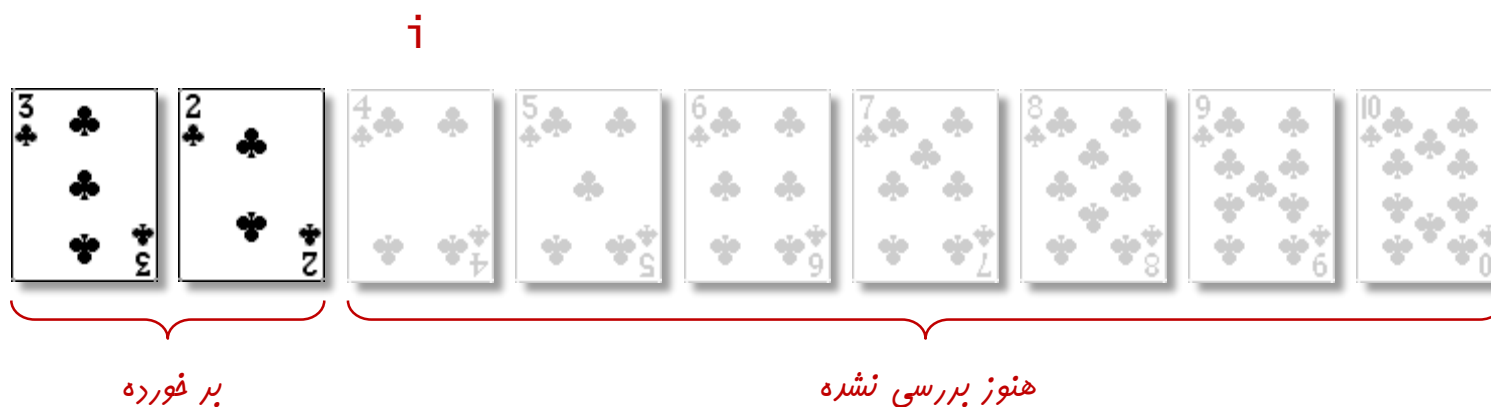
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



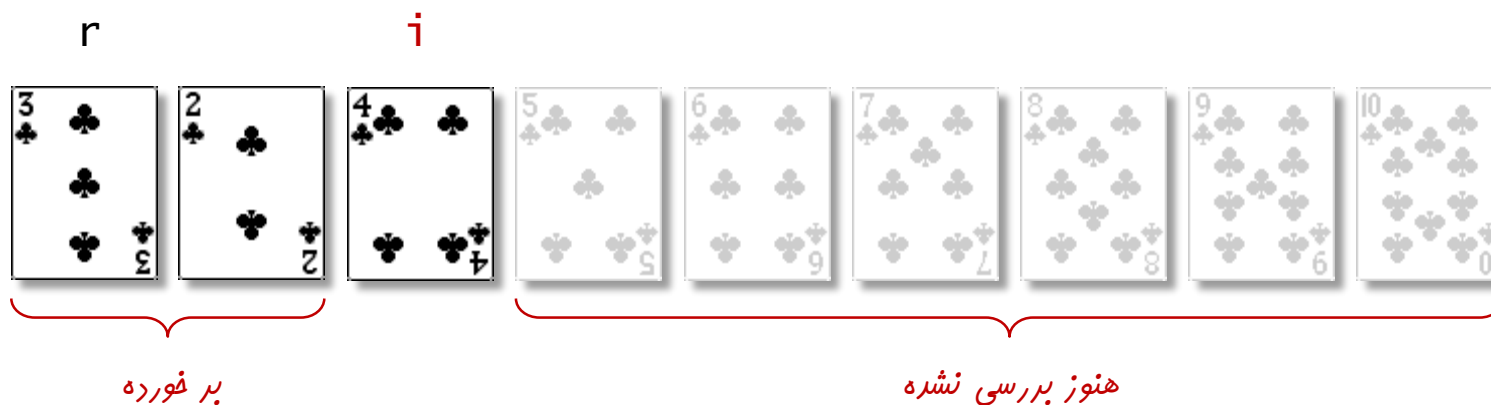
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



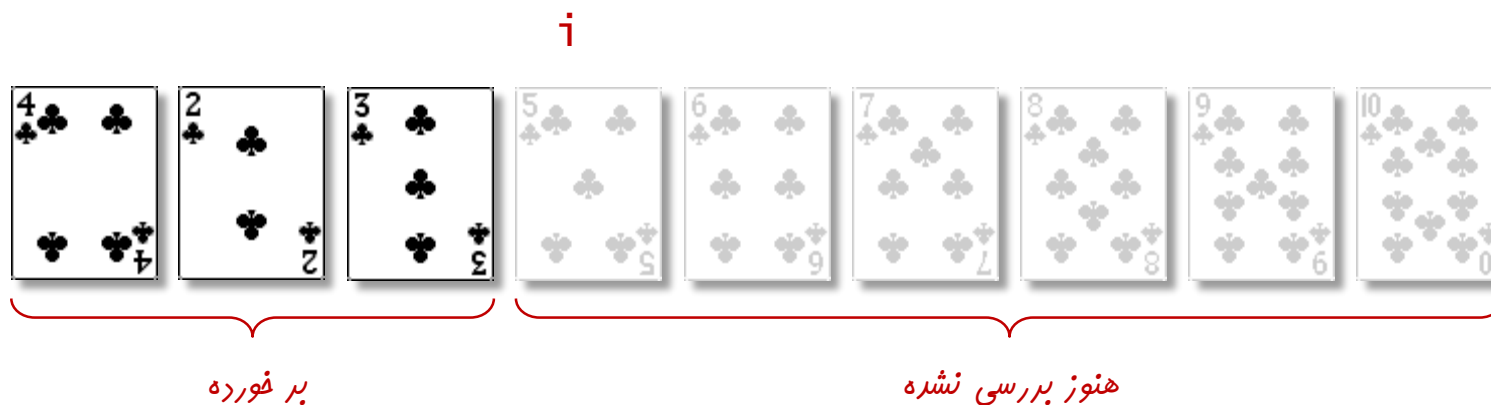
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.

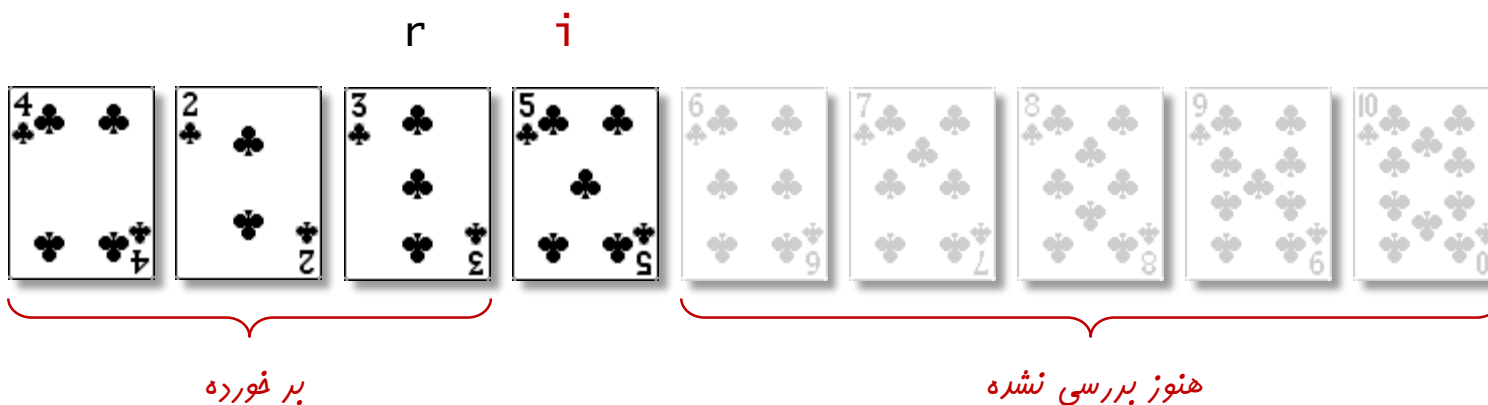


بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.

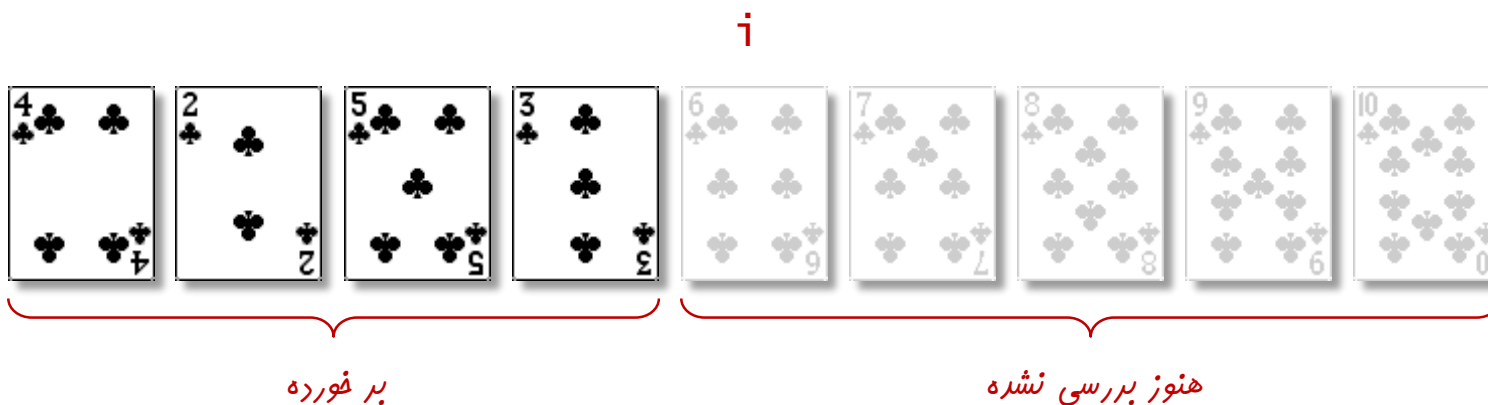


- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



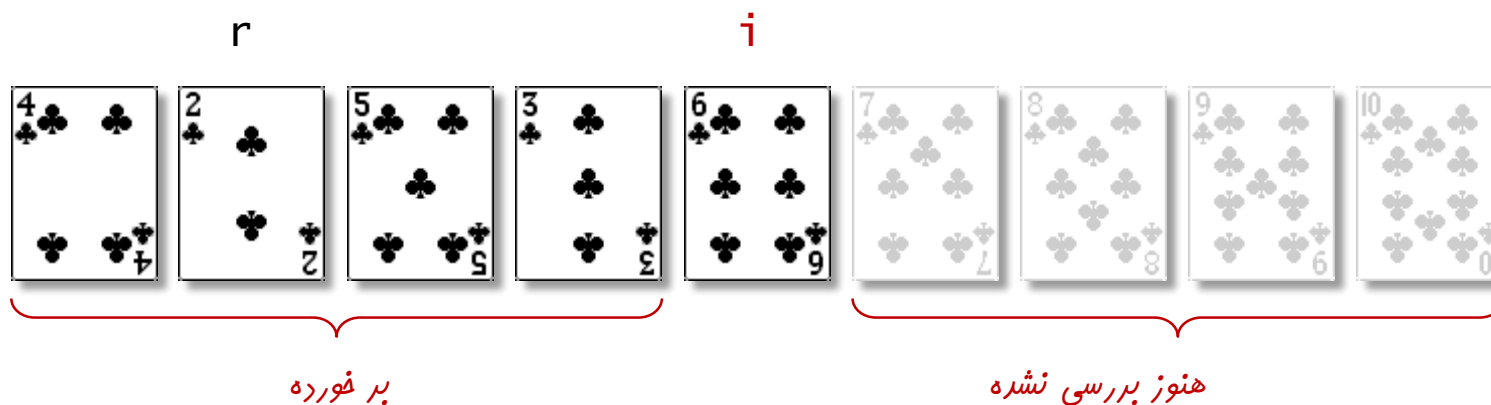
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



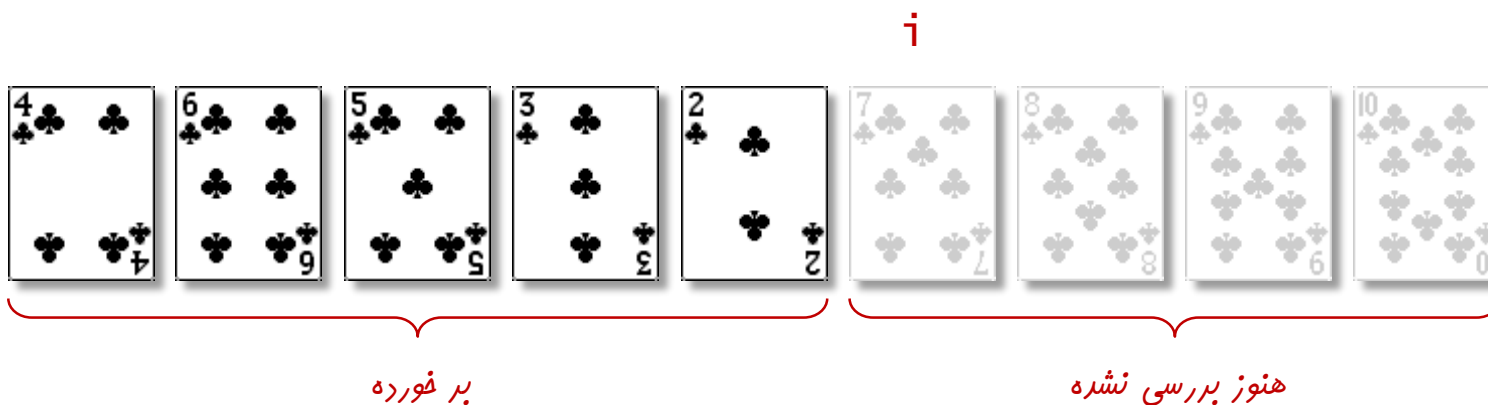
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



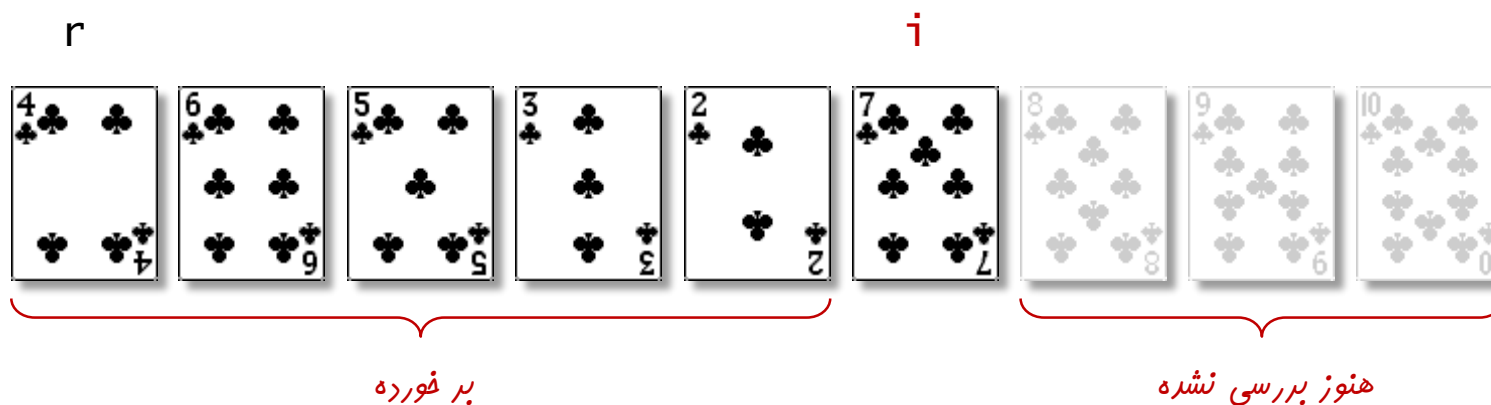
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



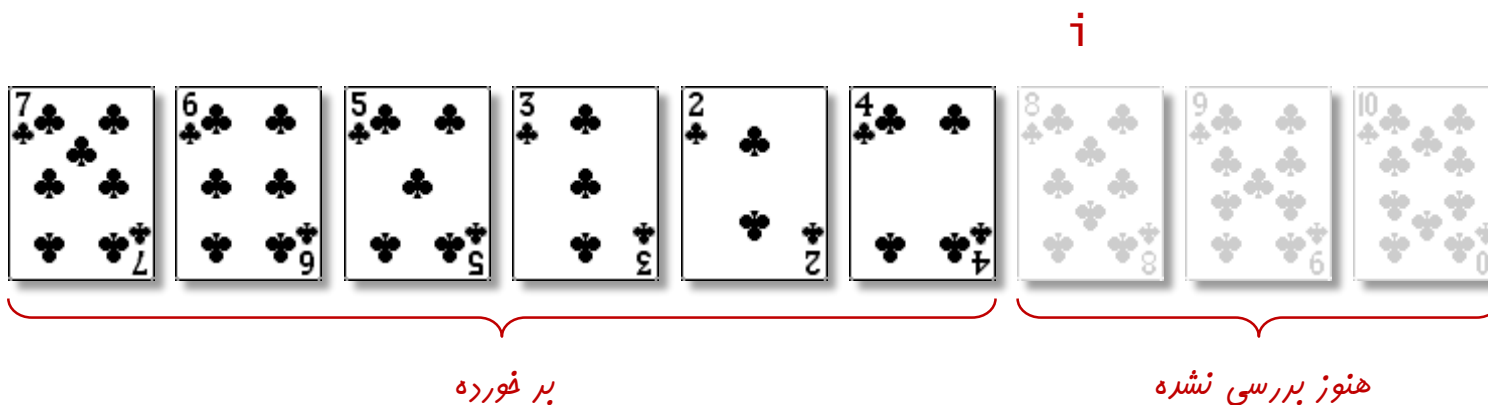
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



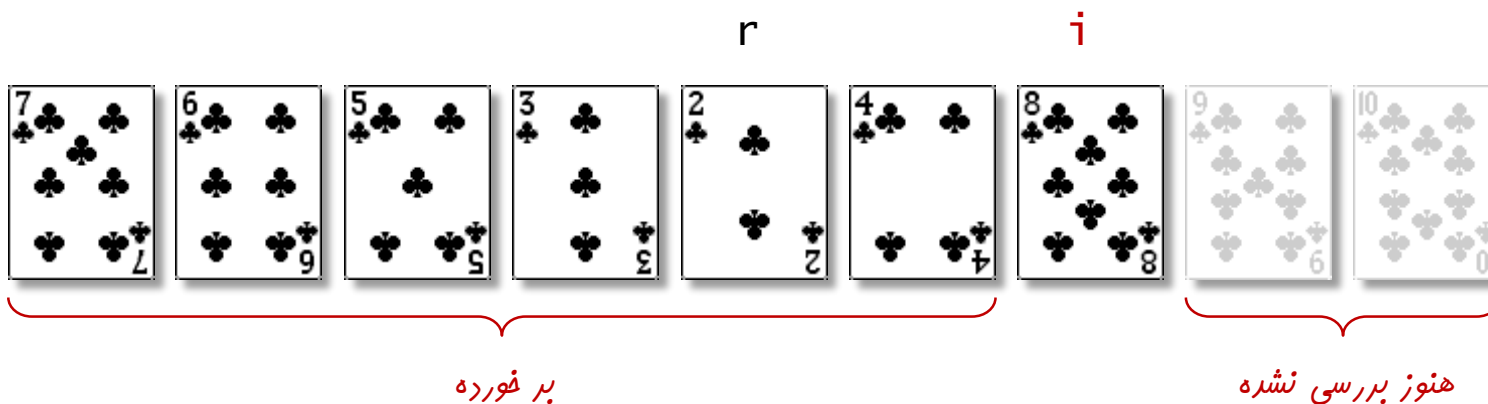
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



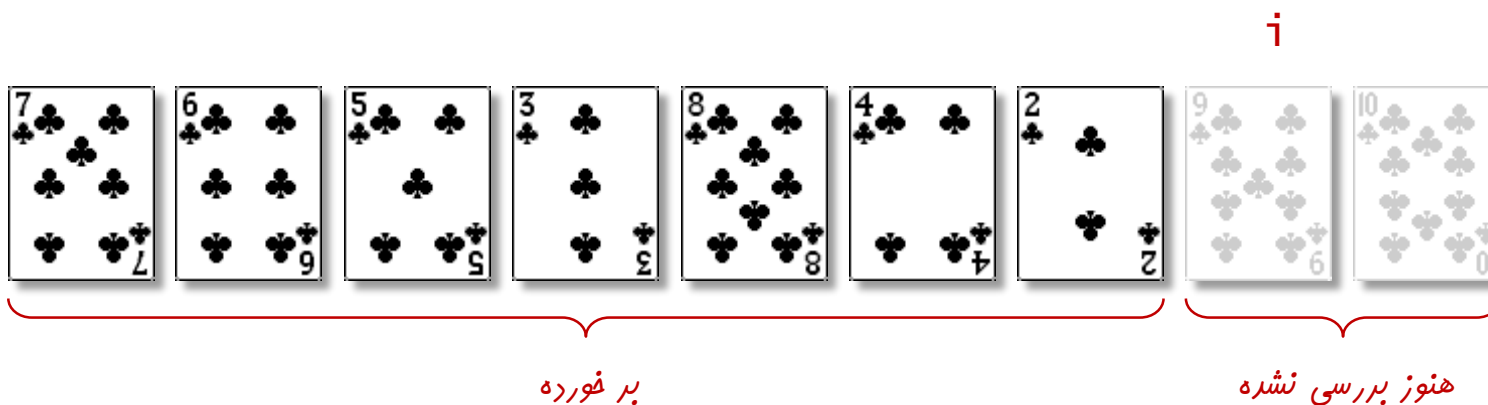
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



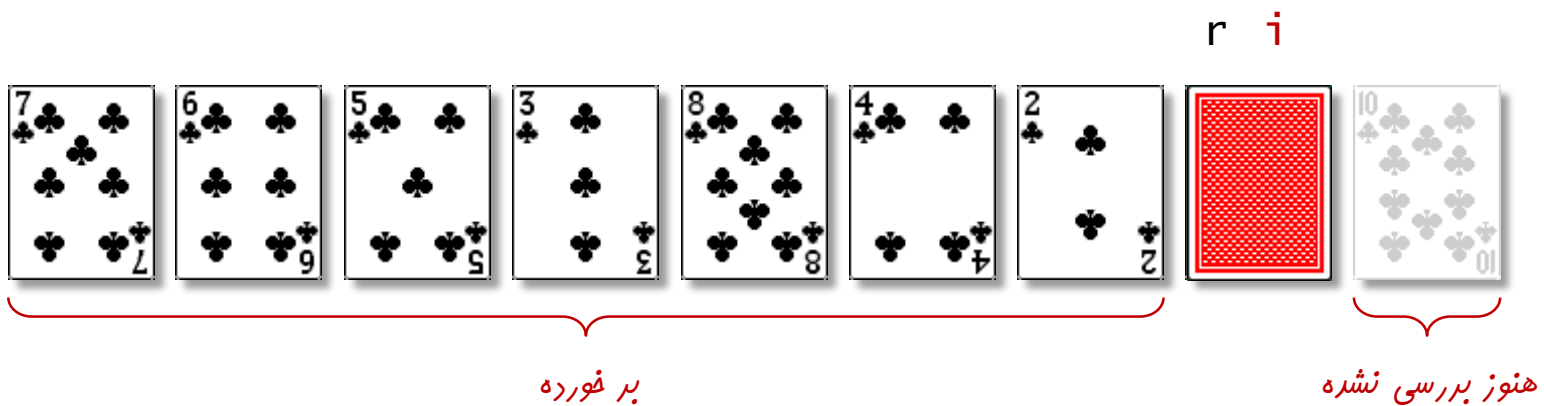
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



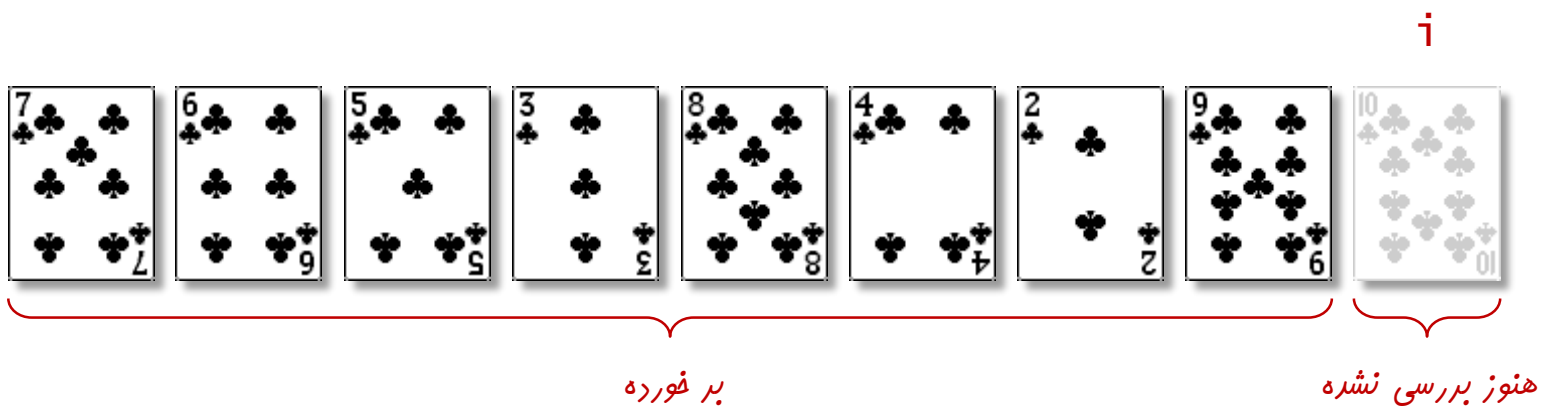
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



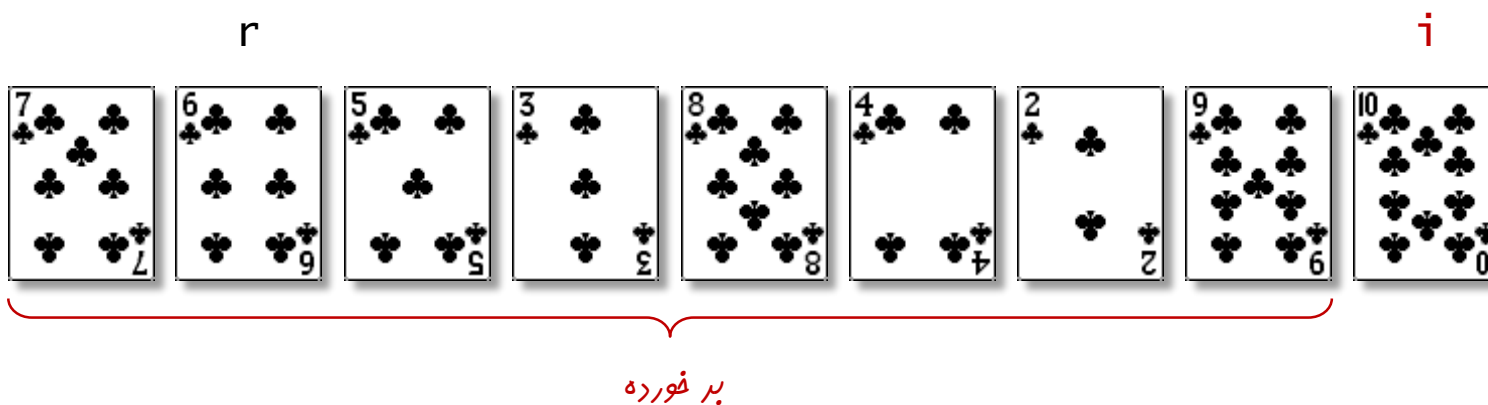
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



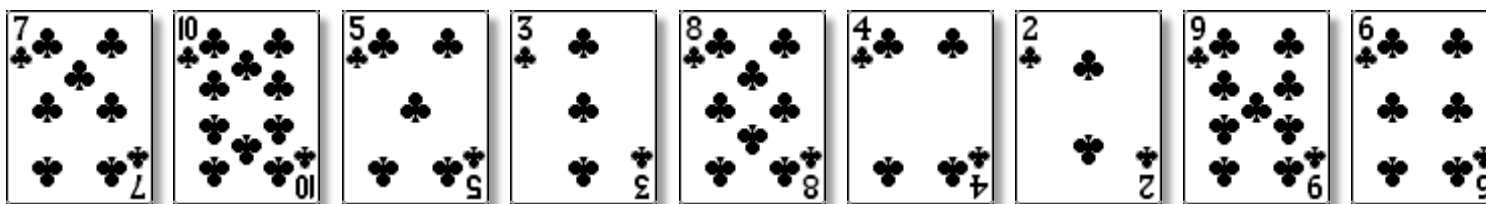
بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



بر زدن

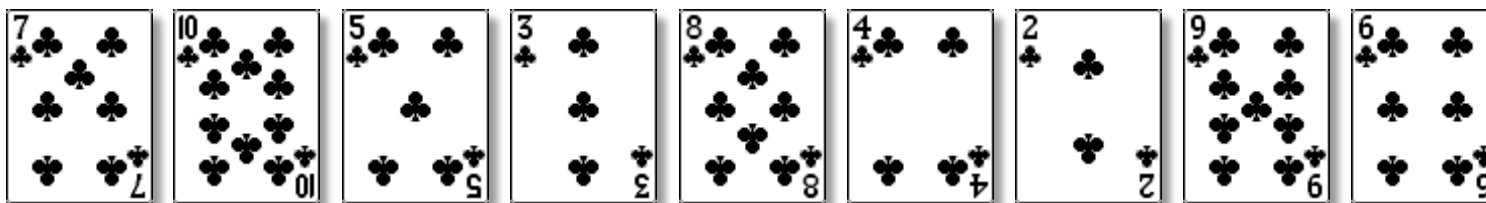
- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



بر فورده

بر زدن

- در تکرار i یک عدد تصادفی مانند r بین صفر و i با احتمال مساوی تولید کن.
- کارت‌های $a[r]$ و $a[i]$ را جابجا کن.



- گزاره. [فیشر، ۱۹۳۸] الگوریتم بر زدن کنوٹ در زمان خطی یک جایگشت تصادفی یکنواخت از آرایه ورودی تولید می‌کند.

□ هدف. با داشتن یک آرایه، عناصر آن را به یک ترتیب تصادفی بازآرایی کن.

□ الگوریتم بر زدن.

□ در تکرار i ، یک کارت تصادفی از بین کارت‌های $deck[0]$ تا $deck[i]$ انتخاب کن، به طوری که احتمال انتخاب هر یک از این کارت‌ها برابر باشد.

□ کارت تصادفی انتخاب شده را با $deck[i]$ جابجا کن.

```
int N = deck.length;
for (int i = 0; i < N; i++) {
    int r = StdRandom.uniform(i + 1);
    String t = deck[r];
    deck[r] = deck[i];
    deck[i] = t;
}
```

بر زدن یک دسته ورق

۳۶

```
public class Deck {  
    public static void main(String[] args) {  
        String[] suit = { "Clubs", "Diamonds", "Hearts", "Spades" };  
        String[] rank = { "2", "3", "4", "5", "6", "7", "8", "9",  
                          "10", "Jack", "Queen", "King", "Ace" };  
  
        int SUITS = suit.length;  
        int RANKS = rank.length;  
        int N = SUITS * RANKS;
```

```
        String[] deck = new String[N];  
        for (int i = 0; i < RANKS; i++)  
            for (int j = 0; j < SUITS; j++)  
                deck[SUITS*i + j] = rank[i] + " of " + suit[j];
```

ایجاد دسته ورق

```
        for (int i = 0; i < N; i++) {  
            int r = StdRandom.uniform(i + 1);  
            String t = deck[r];  
            deck[r] = deck[i];  
            deck[i] = t;  
        }
```

بر زدن دسته ورق

```
        for (int i = 0; i < N; i++)  
            System.out.println(deck[i]);
```

چاپ دسته ورق

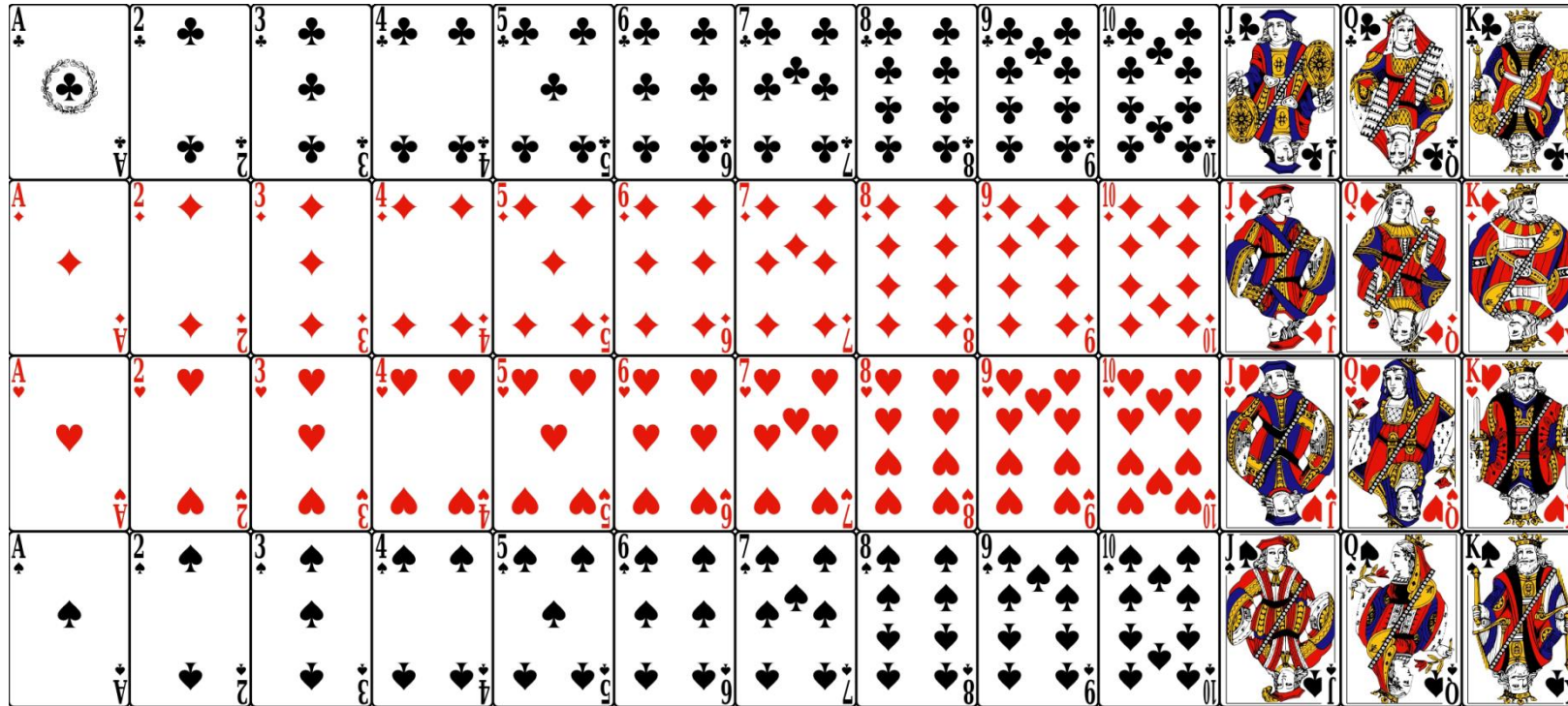
}

بر زدن یک دسته ورق

```
% java Deck
5 of Clubs
Jack of Hearts
9 of Spades
10 of Spades
9 of Clubs
7 of Spades
6 of Diamonds
7 of Hearts
7 of Clubs
4 of Spades
Queen of Diamonds
10 of Hearts
5 of Diamonds
Jack of Clubs
Ace of Hearts
...
5 of Spades
```

```
% java Deck
10 of Diamonds
King of Spades
2 of Spades
3 of Clubs
4 of Spades
Queen of Clubs
2 of Hearts
7 of Diamonds
6 of Spades
Queen of Spades
3 of Spades
Jack of Diamonds
6 of Diamonds
8 of Spades
9 of Diamonds
...
10 of Spades
```

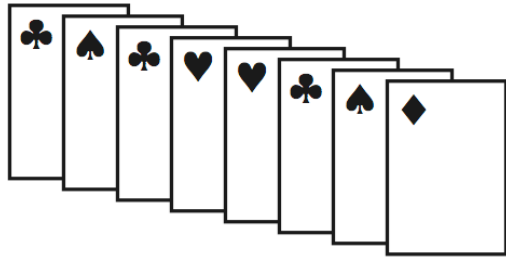
مسئله جمع‌کننده کالابری‌ها



مسئله جمع‌کننده کالابریگ‌ها

۳۹

□ مسئله جمع‌کننده کالابریگ‌ها. با داشتن N نوع کارت مختلف، برای این که از هر کارت (حداقل) یکی داشته باشیم چند کارت باید انتخاب شود؟



فرض می‌کنیم در هر انتخاب، احتمال انتخاب کارت‌ها با یکدیگر برابر است.

□ الگوریتم شبیه‌سازی. به صورت تکراری هر بار یک عدد صحیح بین 0 و $N - 1$ انتخاب کن، تا زمانی که از هر کارت حداقل یکی داشته باشیم.

□ پرسش. چگونه می‌توانیم بررسی کنیم که از هر نوع کارت حداقل یکی داریم؟

□ پاسخ. با استفاده از یک آرایه بولی به گونه‌ای که $found[i]$ تنها وقتی درست است که از کارت نوع i حداقل یکی داشته باشیم.

مسئله جمع‌کننده کالابری‌ها

۴۰

```
public class CouponCollector {
    public static void main(String[] args) {
        int N = Integer.parseInt(args[0]);
        int cardcnt = 0;    // number of cards collected
        int valcnt = 0;    // number of distinct cards

        // do simulation
        boolean[] found = new boolean[N];
        while (valcnt < N) {
            int val = (int) (Math.random() * N);
            cardcnt++;
            if (!found[val]) {
                valcnt++;
                found[val] = true;
            }
        }

        // all N distinct cards found
        System.out.println(cardcnt);
    }
}
```

نوع کارت بعدی
(بین ۰ و N-1)

مسئله جمع‌کننده کالابریگ‌ها: اشکال زدایی

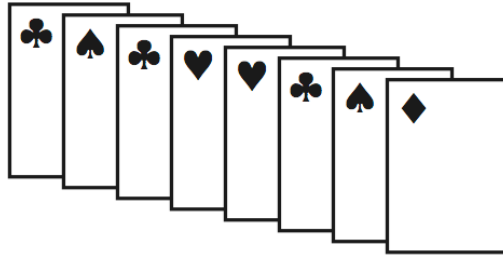
□ اشکال زدایی. افزودن کد به برنامه به منظور چاپ محتویات **همه** متغیرها.

val	found						valcnt	cardcnt
	0	1	2	3	4	5		
	F	F	F	F	F	F	0	0
2	F	F	T	F	F	F	1	1
0	T	F	T	F	F	F	2	2
4	T	F	T	F	T	F	3	3
0	T	F	T	F	T	F	3	4
1	T	T	T	F	T	F	4	5
2	T	T	T	F	T	F	4	6
5	T	T	T	F	T	T	5	7
0	T	T	T	F	T	T	5	8
1	T	T	T	F	T	T	5	9
3	T	T	T	T	T	T	6	10

□ چالش. در اشکال زدایی با وجود آرایه، به ردیابی تعداد زیادی متغیر نیاز است.

مسئله جمع‌کننده کالابریک‌ها: برخورد ریاضی

□ مسئله جمع‌کننده کالابریک‌ها. با داشتن N نوع کارت مختلف، برای این که از هر کارت (حداقل) یکی داشته باشیم چند کارت باید انتخاب شود؟

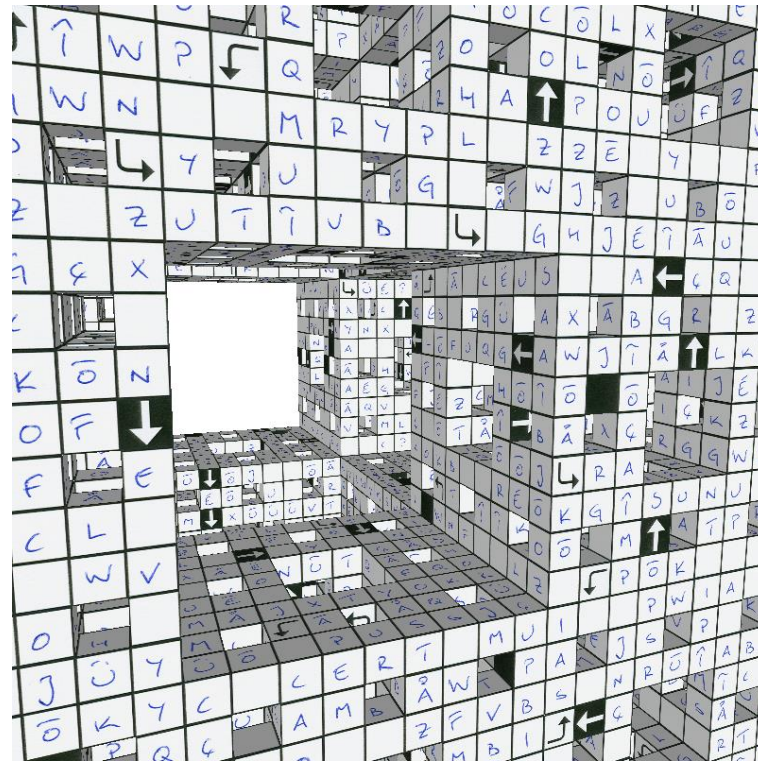


□ حقیقت. تقریباً $N (1 + 1/2 + 1/3 + \dots + 1/N) \sim N \ln N$

تحت شرایط ایده‌آل

□ مثال. برای ۳۰ تیم بیسبال، تقریباً ۱۲۰ سال زمان نیاز داریم تا هر تیم حداقل یک بار قهرمان شود.

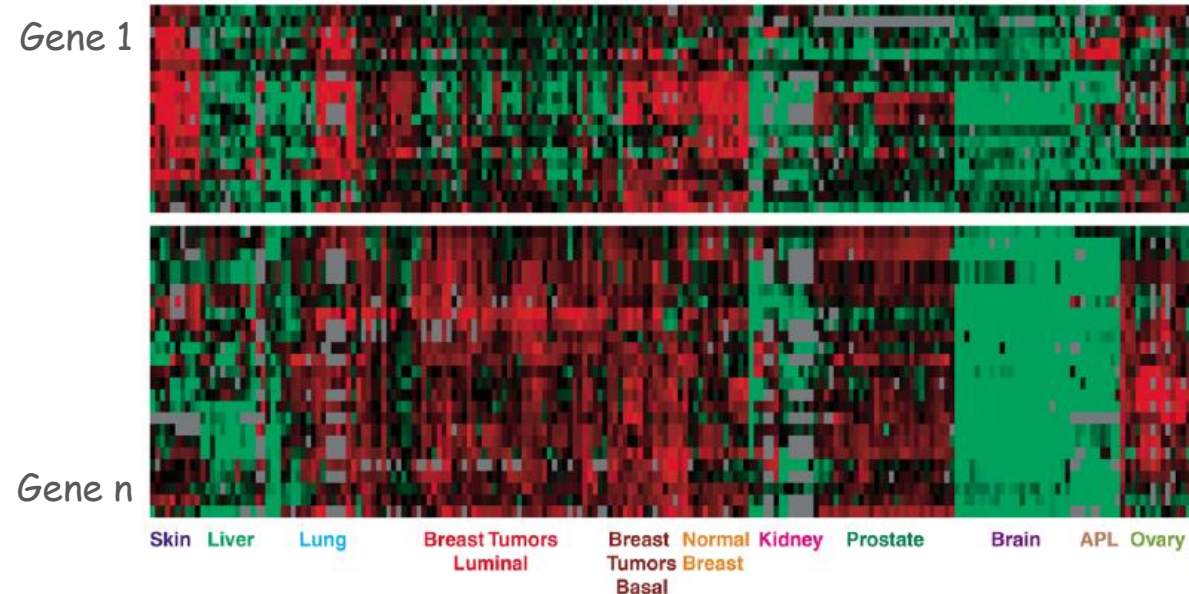
آرایه‌های چند بعدی



آرایه‌های دو بعدی

□ آرایه‌های دو بعدی.

- یک جدول از داده‌ها به ازای هر آزمایش و نتایج آن.
- یک جدول از نمرات به ازای هر دانشجو و تمرینات.
- یک جدول از مقادیر خاکستری به ازای هر پیکسل در یک تصویر دو بعدی.



آرایه‌های دو بعدی در جاوا

□ دستیابی به عناصر. $a[i][j]$ = عنصر واقع در سطر i و ستون j .

□ اندیس گذاری مبتنی بر صفر. اندیس سطرها و ستون‌ها از صفر شروع می‌شود.

```
int M = 10;
int N = 3;
double[][] a = new double[M][N];
for (int i = 0; i < M; i++) {
    for (int j = 0; j < N; j++) {
        a[i][j] = 0.0;
    }
}
```

The diagram shows a 10x3 array with rows indexed from 0 to 9 and columns indexed from 0 to 2. The row index is labeled 'a[i][]' and the column index is labeled 'a[5] →'. The row with index 5 is highlighted in gray.

a[0][0]	a[0][1]	a[0][2]
a[1][0]	a[1][1]	a[1][2]
a[2][0]	a[2][1]	a[2][2]
a[3][0]	a[3][1]	a[3][2]
a[4][0]	a[4][1]	a[4][2]
a[5][0]	a[5][1]	a[5][2]
a[6][0]	a[6][1]	a[6][2]
a[7][0]	a[7][1]	a[7][2]
a[8][0]	a[8][1]	a[8][2]
a[9][0]	a[9][1]	a[9][2]

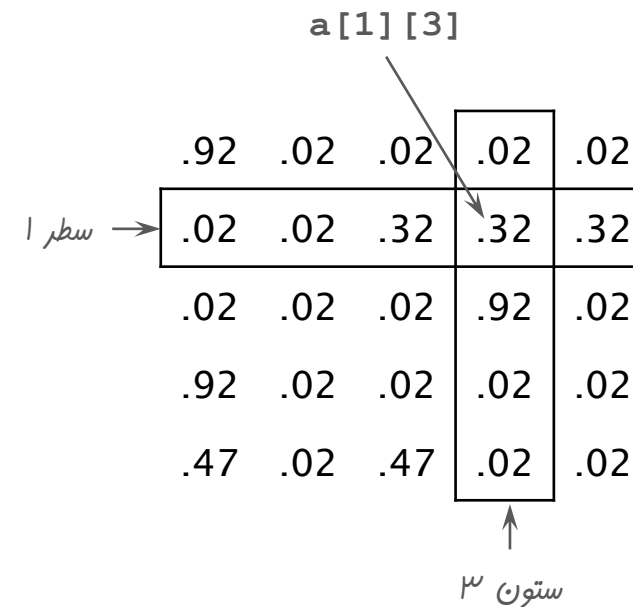
A 10-by-3 array

مقداردهی آرایه دو بعدی در زمان کامپایل

۴۶

□ مقداردهی آرایه دو بعدی با لیست کردن مقادیر.

```
double[][] p = {  
    { .02, .92, .02, .02, .02 },  
    { .02, .02, .32, .32, .32 },  
    { .02, .02, .02, .92, .02 },  
    { .92, .02, .02, .02, .02 },  
    { .47, .02, .47, .02, .02 },  
};
```



جمع ماتریسی

□ جمع ماتریسی. با داشتن دو ماتریس a و b با ابعاد N در N ، ماتریس C یک ماتریس N در N است به گونه‌ای که:

$$c[i][j] = a[i][j] + b[i][j]$$

```
double[][] c = new double[N][N];
for (int i = 0; i < N; i++)
    for (int j = 0; j < N; j++)
        c[i][j] = a[i][j] + b[i][j];
```

a[][]	.70	.20	.10	a[1][2]
	.30	.60	.10	
	.50	.10	.40	

b[][]	.80	.30	.50	b[1][2]
	.10	.40	.10	
	.10	.30	.40	

c[][]	1.5	.50	.60	c[1][2]
	.40	1.0	.20	
	.60	.40	.80	

Matrix addition

ضرب ماتریسی

□ ضرب ماتریسی. با داشتن دو ماتریس a و b با ابعاد N در N ، ماتریس c یک ماتریس N در N است به گونه‌ای که در آن $c[i][j]$ برابر است با ضرب داخلی سطر i از ماتریس $a[][]$ در ستون j از ماتریس $b[][]$.

مقدار تمام عناصر برابر با صفر است

```
double[][] c = new double[N][N];
for (int i = 0; i < N; i++)
    for (int j = 0; j < N; j++)
        for (int k = 0; k < N; k++)
            c[i][j] += a[i][k] * b[k][j];
```

ضرب داخلی

سطر i از ماتریس $a[][]$ در

ستون j از ماتریس $b[][]$

a[][]

.70	.20	.10
.30	.60	.10
.50	.10	.40

← row 1

b[][]

.80	.30	.50
.10	.40	.10
.10	.30	.40

column 2 ↓

$$c[1][2] = .3 * .5 + .6 * .1 + .1 * .4 = .25$$

c[][]

.59	.32	.41
.31	.36	.25
.45	.31	.42

تحلیل ضرب ماتریسی

□ پرسش. برای ضرب دو ماتریس N در N به چند عمل ضرب اسکالر نیاز است؟

A. N

B. N^2

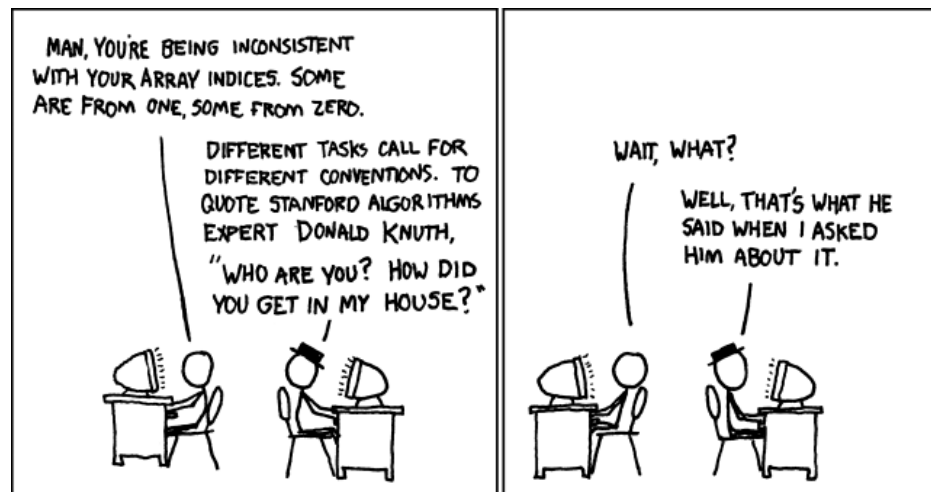
C. N^3

D. N^4

```
double[][] c = new double[N][N];
for (int i = 0; i < N; i++)
    for (int j = 0; j < N; j++)
        for (int k = 0; k < N; k++)
            c[i][j] += a[i][k] * b[k][j];
```

□ آرایه‌ها.

- یک روش سازمان یافته به منظور ذخیره‌سازی حجم انبوهی از داده‌ها.
- استفاده از آرایه تقریباً به اندازه استفاده از انواع اولیه ساده است.
- با داشتن اندیس یک عنصر، می‌توانیم مستقیماً به آن عنصر دستیابی داشته باشیم.



□ گام بعدی.

- خواندن مقدار زیادی داده از فایل و
- ذخیره‌سازی آنها در یک آرایه.